

# اندازه گیری زاویه



# زاویه یابی

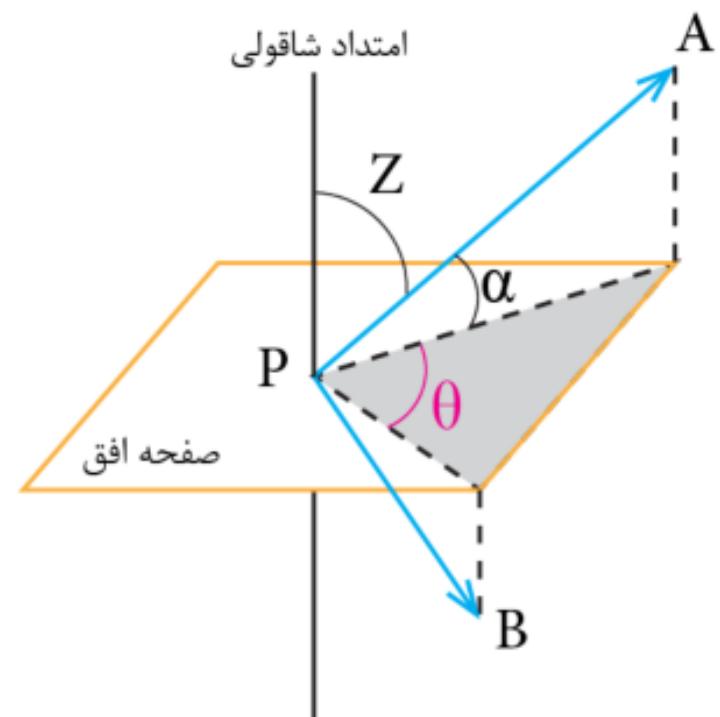
زوایای افقی، قائم و شیب کمیت های دیگری هستند که در نقشه برداری مورد اندازه گیری قرار می گیرند.

**زاویه افقی ( $\Theta$ ):** زاویه بین تصویر افقی دو امتداد دلخواه مانند  $PA$  و  $PB$  در سطح تراز رأس زاویه (یعنی نقطه  $P$ ) است.

**زاویه قائم (Z):** زاویه بین امتداد مورد نظر (مانند  $PA$ ) با امتداد

شاغولی همان مکان (یعنی نقطه  $P$ ) که در صفحه قائم اندازه گیری شده و به آن زاویه زنیتی (zenith angle) نیز گفته می شود.

**زاویه شیب (α):** متمم زاویه قائم، یعنی زاویه بین امتداد مورد نظر ( $PA$ ) و صفحه افق را زاویه شیب گویند.



# زاویه یابی

واحدهای اندازه گیری زاویه:

درجه (Degree): اگر محیط دایره به  $360^\circ$  قسمت مساوی تقسیم شود هر قسمت را یک درجه می نامند.  
هر یک درجه را به  $60$  دقیقه و هر یک دقیقه نیز به  $60$  ثانیه قابل تقسیم است.

$$(57^\circ, 17', 44.9'') = 57.295791$$

گراد (Grad): اگر محیط دایره به  $400$  قسمت مساوی تقسیم شود هر قسمت را یک گراد می نامند. هر یک درجه گرادی به  $100$  دقیقه گرادی و هر یک دقیقه گرادی نیز به  $100$  ثانیه گرادی قابل تقسیم است.

$$(75^G, 17', 39'') \quad (75^G, 17^c, 39^{cc}) \quad (75.1739^G)$$

رادیان (Radian): اگر کمانی به اندازه طول شعاع دایره روی محیط آن جدا کنیم، زاویه مرکزی مقابل آن یک رادیان است.

$$\frac{D}{360^\circ} = \frac{G}{400^G} = \frac{R}{2\pi}$$

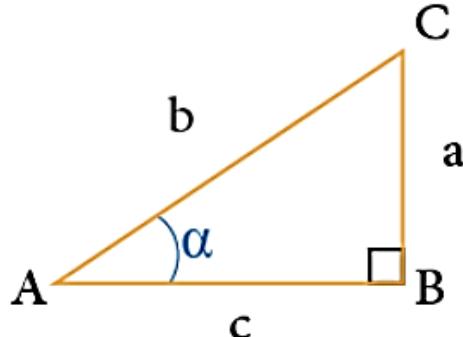
تبديل واحدهای زاویه به یکدیگر:

مثال:  $90^\circ$  درجه چند گراد و چند رادیان است؟

$$\frac{90}{360^\circ} = \frac{G}{400^G} \Rightarrow G = 100^G$$

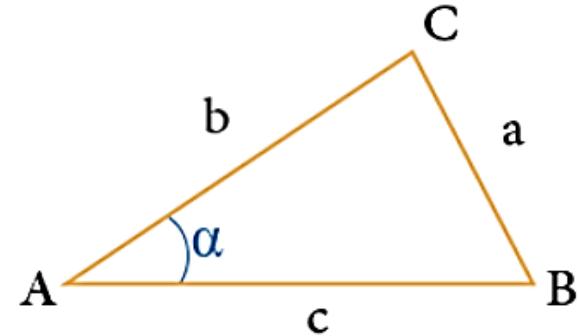
$$\frac{90}{360^\circ} = \frac{R}{2\pi} \Rightarrow R = \frac{\pi}{2}$$

# زاویه یابی



$$\cos(\alpha) = \frac{c}{b} \Rightarrow \alpha = \arccos\left(\frac{c}{b}\right)$$

روش های اندازه گیری زاویه:  
اندازه گیری غیر مستقیم (به کمک متر):



$$\cos(\alpha) = \frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc} \Rightarrow \alpha = \arccos\left(\frac{b^2 + c^2 - a^2}{2bc}\right)$$

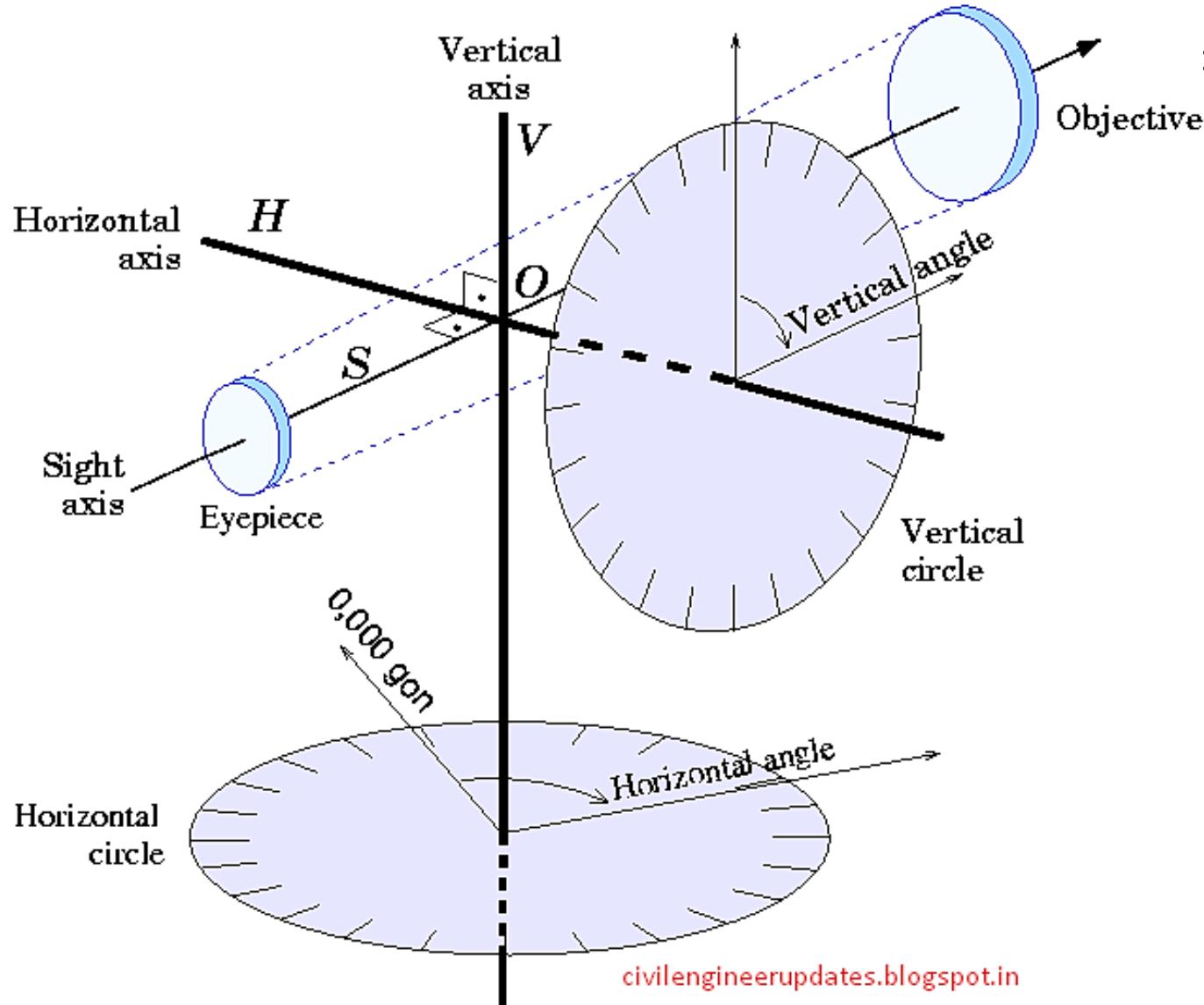
اندازه گیری مستقیم (به کمک دوربین زاویه یاب): تئودولیت



# زاویه یابی

روش های متداول قرائت زاویه با تئودولیت:

ساختار داخلی تئودولیت:

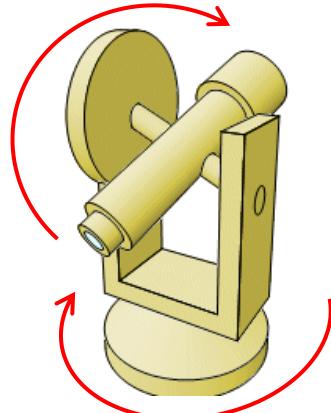
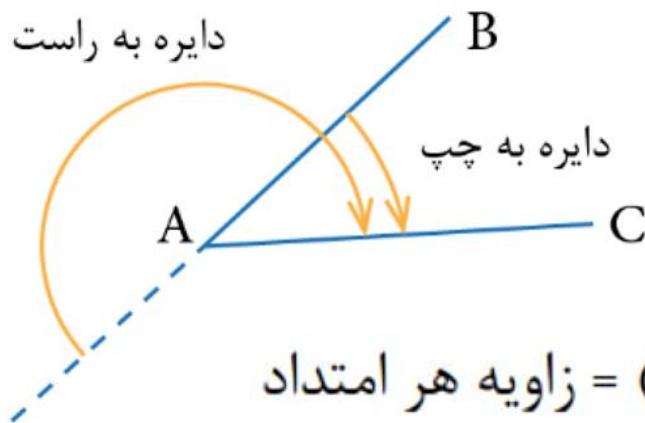


# زاویه یابی

## روش های متداول قرائت زاویه افقی با تئودولیت:

### روش کوپل یا زوج:

در تمام نشانه روی‌ها، اگر لمب قائم در سمت راست عامل نشانه روی قرار گرفته باشد، اصطلاحاً نشانه روی در حالت دایره به راست انجام می‌شود و اگر لمب قائم در سمت چپ عامل نشانه روی قرار گرفته باشد، اصطلاحاً نشانه روی در حالت دایره به چپ انجام می‌گیرد. به طور معمول زاویه در حالت دایره به چپ مستقر و تنظیم می‌شوند و با چرخشی به اندازه نیم صفحه (۱۸۰ درجه) به حالت دایره به راست در می‌آیند. به دلایل مختلف از جمله خطای درجه‌بندی لمب اختلاف قرائت در دو حالت دایره به چپ و دایره به راست، ۱۸۰ درجه نیست و مقدار کمی از آن بیشتر یا کمتر است. منظور از یک کوپل میانگین دو بار اندازه گیری زاویه در دو حالت دایره به چپ و دایره به راست است.



$$\frac{2}{\pi} \times (\text{دایره به راست} + \text{دایره به چپ}) = \text{زاویه هر امتداد}$$

# زاویه یابی

## روش های متداول قرائت زاویه افقی با تئودولیت:

روش تکرار: در نقشه برداری مرسوم است که لمب افقی را در موقع نشانه روی به نقطه مبدأ صفر نمایند. به عنوان مثال اگر منظور اندازه گیری زاویه رأس A باشد، دوربین در نقطه A ایستگاه گذاری شده، لمب افقی قفل شده و به نقطه B نشانه روی می شود. سپس ضامن لمب آزاد شده و به نقطه C قراول روی می شود، بدون اینکه زاویه قرائت و یادداشت شود، لمب افقی قفل شده و دوباره به نقطه B نشانه روی می شود. پس از نشانه روی به نقطه B مجدداً ضامن لمب آزاد شده و به نقطه C قراول روی می شود.

بدیهی است چنانچه زاویه  $BAC$  برابر با  $\alpha$  باشد، مقدار زاویه ای که تا کنون طی این دوبار تکرار اندازه گیری شده است باید برابر با  $2\alpha \pm e$  باشد که اینطور نیست و دارای مقداری خطأ است:

بنابراین اگر n بار این عمل تکرار شود مقدار دقیق زاویه رأس A برابر است با:

$$\hat{A} = \frac{n\alpha \pm e}{n} \Rightarrow \hat{A} = \alpha \pm \frac{e}{n}$$

# زاویه یابی

## روش های متداول قرائت زاویه افقی با تئودولیت:

### قرائت دور افق:

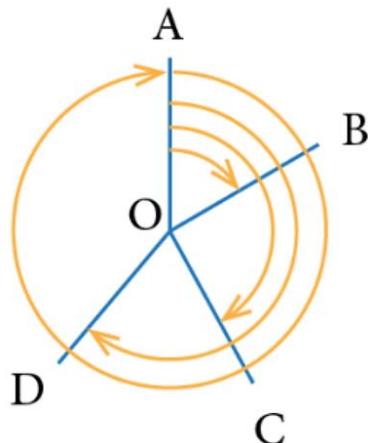
در این روش با استقرار بر روی یک نقطه به چند نقطه به ترتیب از چپ به راست نشانه روی کرده و مجدداً پس از یک دور کامل (دور افق) به نقطه اول برگشته و برای بار دوم مورد نشانه روی و قرائت قرار می‌گیرد. در واقع اولین و آخرین قرائت مربوط به یک امتداد هستند و از نظر تئوری باید یکسان باشند. اما به دلایل متعدد این دو قرائت یکسان نیستند و اندکی باهم تفاوت دارند. در حقیقت مجموع زوایای قرائت شده با یک زاویه یاب درجه‌ای باید  $360^\circ$  درجه باشد که این گونه نیست و در صورتی که اختلاف به وجود آمده تا  $360^\circ$  درجه مجاز باشد، باید با

علامت مخالف به نسبت مساوی بین زوایا تقسیم شود تا مجموع آنها  $360^\circ$  درجه شود.

$$\widehat{AOB} = OB - OA$$

$$\widehat{BOC} = OC - OB$$

$$\widehat{COD} = OD - OC$$



# زاویه یابی

## روش های متداول قرائت زاویه افقی با تئودولیت:

روش تجدید: اساس این روش مانند طریقه تکرار، بر پایه اندازه گیری های متوالی یک زاویه استوار است با این تفاوت که مبنای هر مرحله خود عدد جدیدی است (یعنی در پایان هر مرحله لازم نیست ضامن لمب افقی بسته شود).

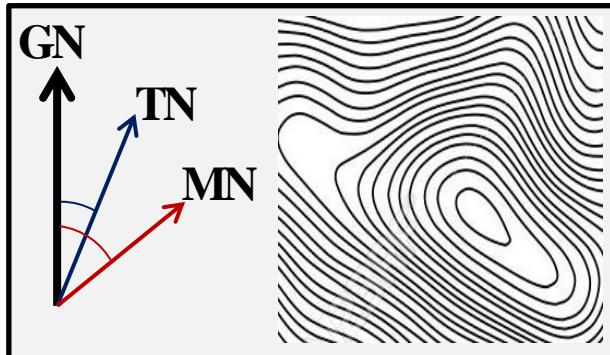
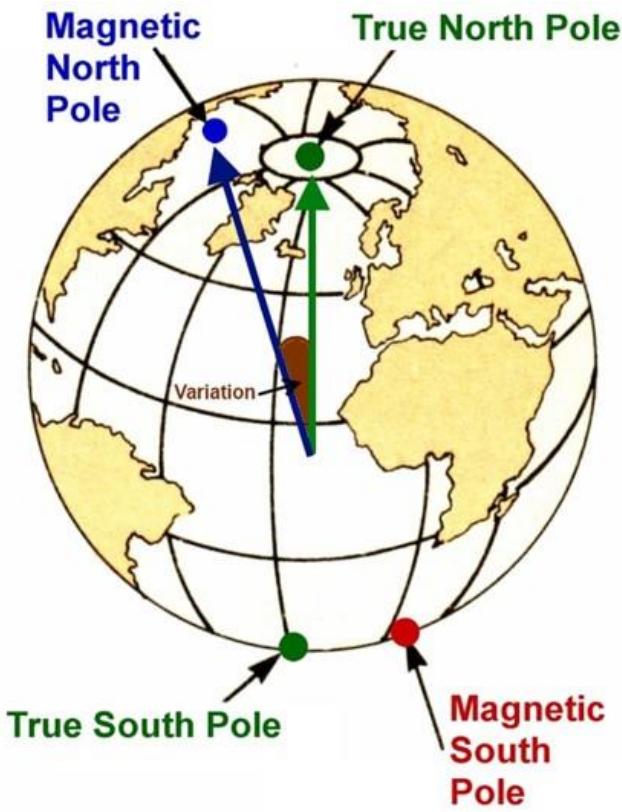
# زاویه یابی

انواع شمال در نقشه برداری:

شمال جغرافیایی یا شمال حقیقی (**True North**): امتداد نصف النهار گذرنده از هر نقطه در جهت قطب شمال را امتداد شمال جغرافیایی آن نقطه گویند.

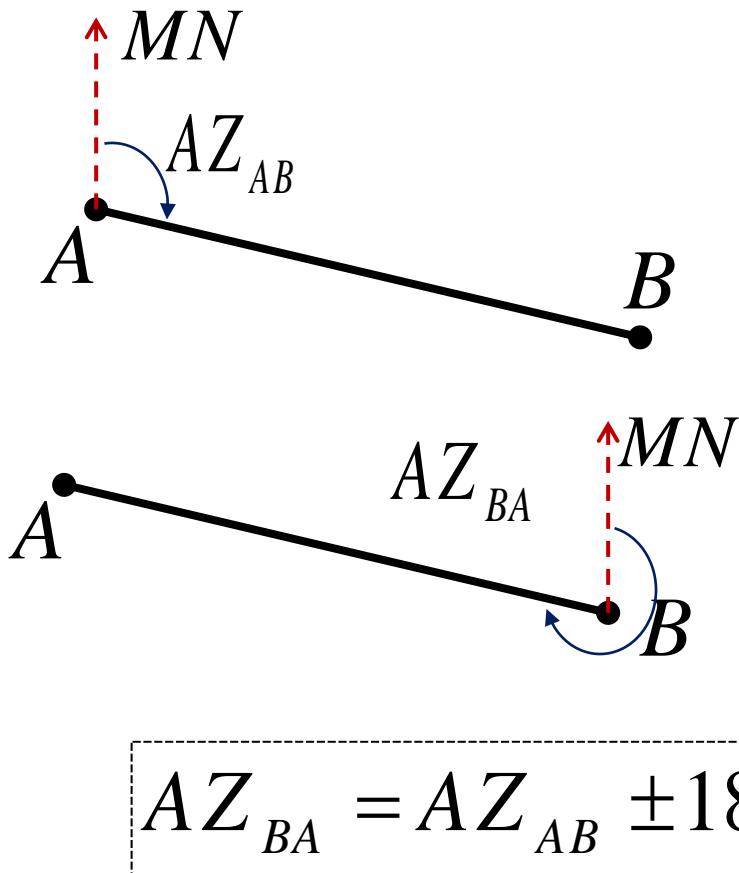
شمال مغناطیسی (**Magnetic North**): امتدادی را که نوک قرمز عقربه قطب نمای مغناطیسی در هر نقطه از زمین نشان می دهد را امتداد شمال مغناطیسی آن نقطه گویند.

شمال شبکه (**Grid North**): چون در ترسیم نقشه ها عموماً از کاغذ های مستطیلی شکل استفاده می شود و برای اینکه از تمام فضای کاغذ به خوبی استفاده شود، راستای محور  $\text{y}$  بر روی نقشه را شمال شبکه نامیده و معمولاً میزان انحراف آن با شمال مغناطیسی یا شمال جغرافیایی بر روی نقشه نشان داده می شود.



# زاویه یابی

آزیموت یا سمت جغرافیایی یک امتداد:



آزیموت امتداد AB زاویه‌ای است که شمال مغناطیسی نقطه A با امتداد AB در جهت عقربه‌های ساعت می‌سازد.

همچنین آزیموت امتداد BA (یعنی آزیموت معکوس امتداد AB) زاویه‌ای است که شمال مغناطیسی نقطه B با امتداد BA در جهت عقربه‌های ساعت می‌سازد.

$$AZ_{BA} = AZ_{AB} \pm 180$$

نکته: برای بدست اوردن آزیموت معکوس یک امتداد (مثل AB) چنانچه کمتر از ۱۸۰ درجه باشد داریم:  $AZ_{BA} = AZ_{AB} + 180$ ، و اگر بیشتر از ۱۸۰ درجه باشد داریم:  $AZ_{BA} = AZ_{AB} - 180$

# زاویه یابی

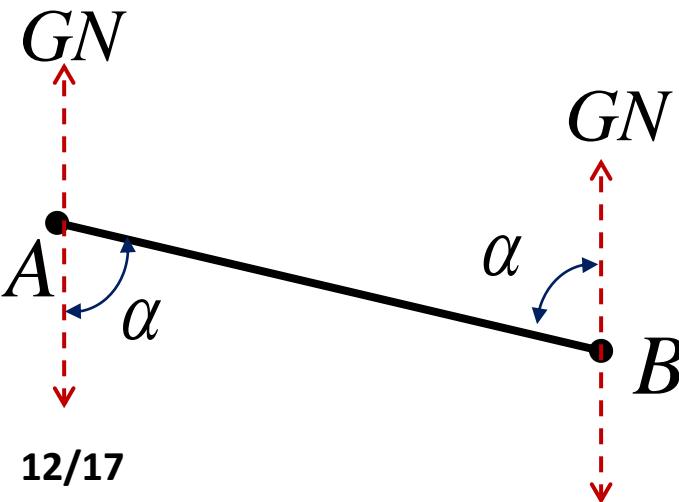
ژیزمان (Gisement) یا گرایی یک امتداد:

ژیزمان عبارت است از زاویه ای افقی که هر امتداد با امتداد شمال شبکه و در جهت چرخش عقربه های ساعت می سازد و عموماً با  $G$  نشان می دهد.

$$G_{BA} = G_{AB} \pm 180^\circ$$

نکته: برای بدست اوردن ژیزمان معکوس یک امتداد (مثلث  $AB$ ) چنانچه  $G_{AB}$  کمتر از  $180^\circ$  درجه باشد داریم:  $G_{BA} = G_{AB} + 180^\circ$ ، و اگر  $G_{AB}$  بیشتر از  $180^\circ$  درجه باشد داریم:

$$G_{BA} = G_{AB} - 180^\circ$$



زاویه حامل (Bearing):

زاویه حامل کوچکترین زاویه افقی است که امتداد مورد نظر با راستای شمال-جنوب شبکه می سازد. زاویه حامل تنها زاویه ایست که در نقشه برداری برای آن جهتی قائل نیستیم

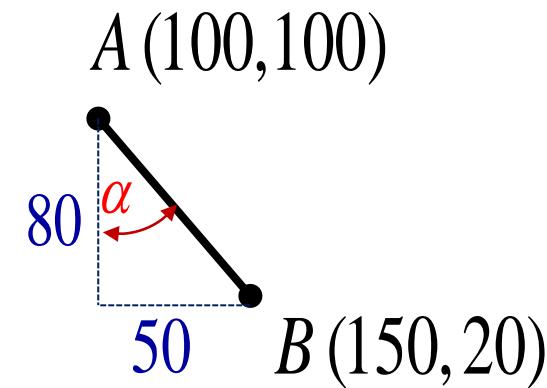
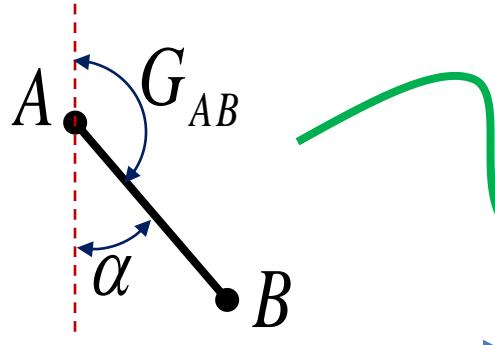
# یافتن ژیزمان از روی مختصات

مثال: دو نقطه  $A(100, 100)$  و  $B(150, 20)$  بر روی یک امتداد قرار دارند، مطلوب است محاسبه:

(الف) زاویه حامل امتداد  $AB$

(ب) ژیزمان امتداد  $AB$  و ژیزمان معکوس امتداد  $AB$

حل:



$$\tan \alpha = \frac{50}{80} \Rightarrow \alpha = \arctan\left(\frac{50}{80}\right) \Rightarrow \alpha = 32.0053^\circ$$

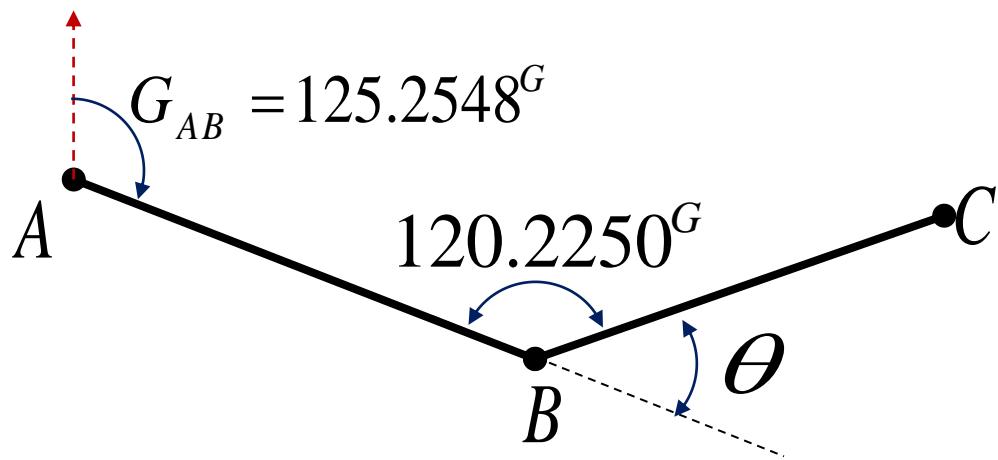
$$\alpha = 32^\circ 00' 19.38'' \Rightarrow G_{AB} = 180^\circ - 32.0053^\circ = 147.9947^\circ$$

$$\Rightarrow G_{AB} = 147^\circ 59' 40.62''$$

# انتقال ژیزمان

مثال: چنانچه  $G_{AB}$  برابر با  $125.2548^G$  گراد و زاویه راس  $B$  راستگرد و برابر با  $120.2250$  گراد باشد، مطلوب است محاسبه ژیزمان امتداد  $BC$

حل:

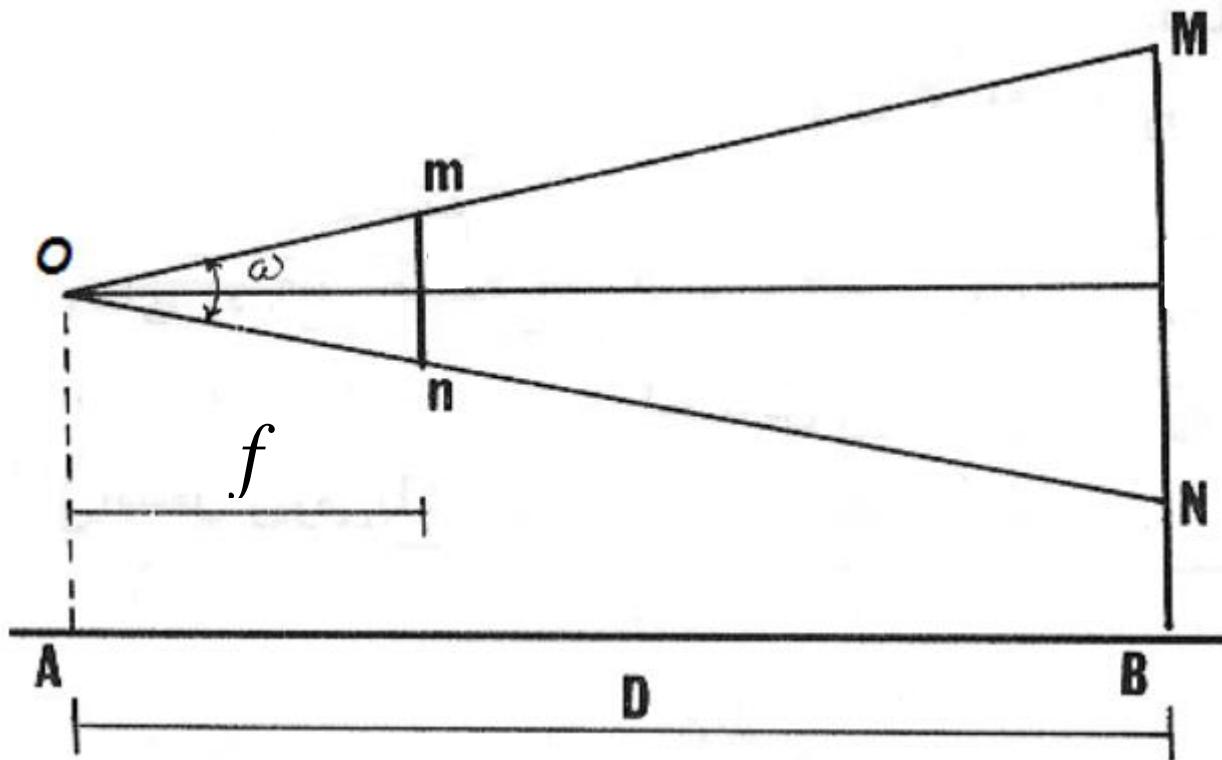


$$\theta = 200 - 120.2250 \Rightarrow \theta = 79.7750$$

$$G_{BC} = G_{AB} - \theta \Rightarrow G_{BC} = 125.2250^G - 79.7750^G \\ \Rightarrow G_{BC} = 45.4798^G$$

# استادیمتری

اساس استادیمتری بر قضیه تالس و تشابه مثلث ها استوار است.

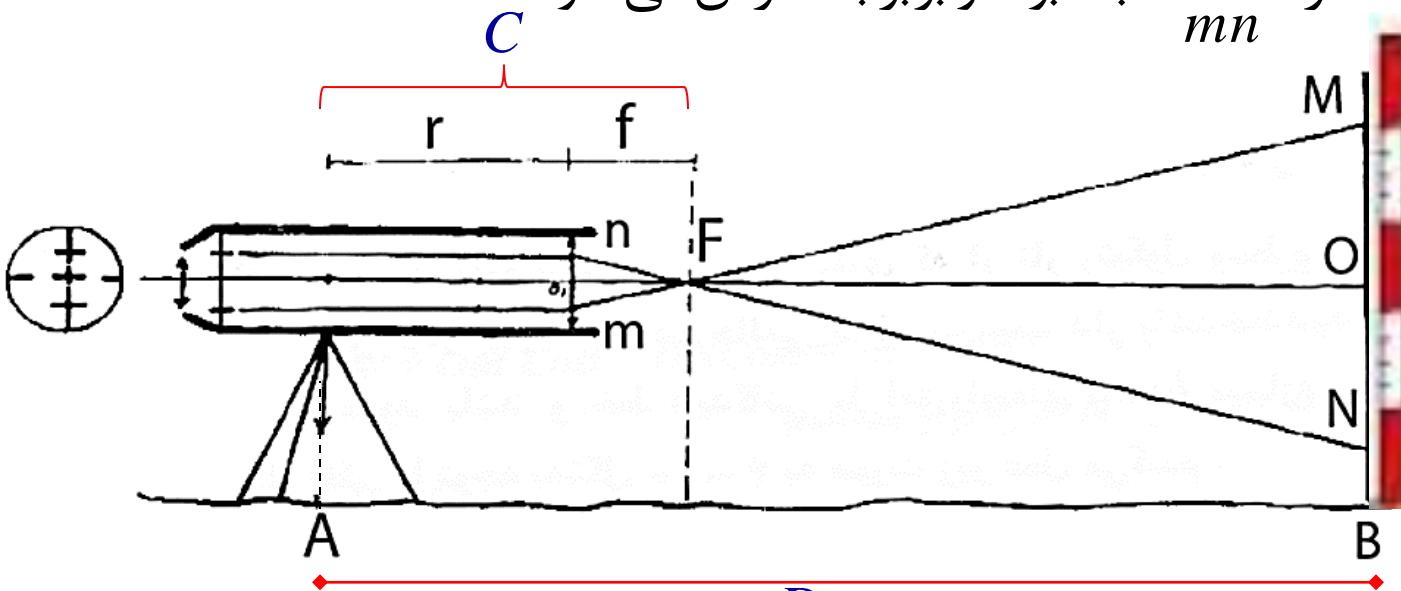


$$\frac{D}{f} = \frac{MN}{mn} \rightarrow D = \frac{f}{mn} MN$$

# استادیمتری

استادیمتری در زمین های مسطح:

$\frac{f}{mn}$  ثابت بوده و برابر با  $k$  فرض می شود.



$$D = AB = \frac{f}{mn} MN + (f + r) = K \times MN + C$$

در دوربین های جدید ترکیب اجزای داخلی تلسکوپ را طوری تنظیم میکنند که مقدار  $C$  (یعنی  $f+r$ ) برابر با صفر شده و همچنین فاصله کانونی وفواصل تارهای رتیکول را طوری تنظیم می کنند تا  $k=100$  شود. بنابراین رابطه بالا به صورت زیر

ساده می شود:

$$D = MN \times 100$$

$K$  = ضریب استادیمتری

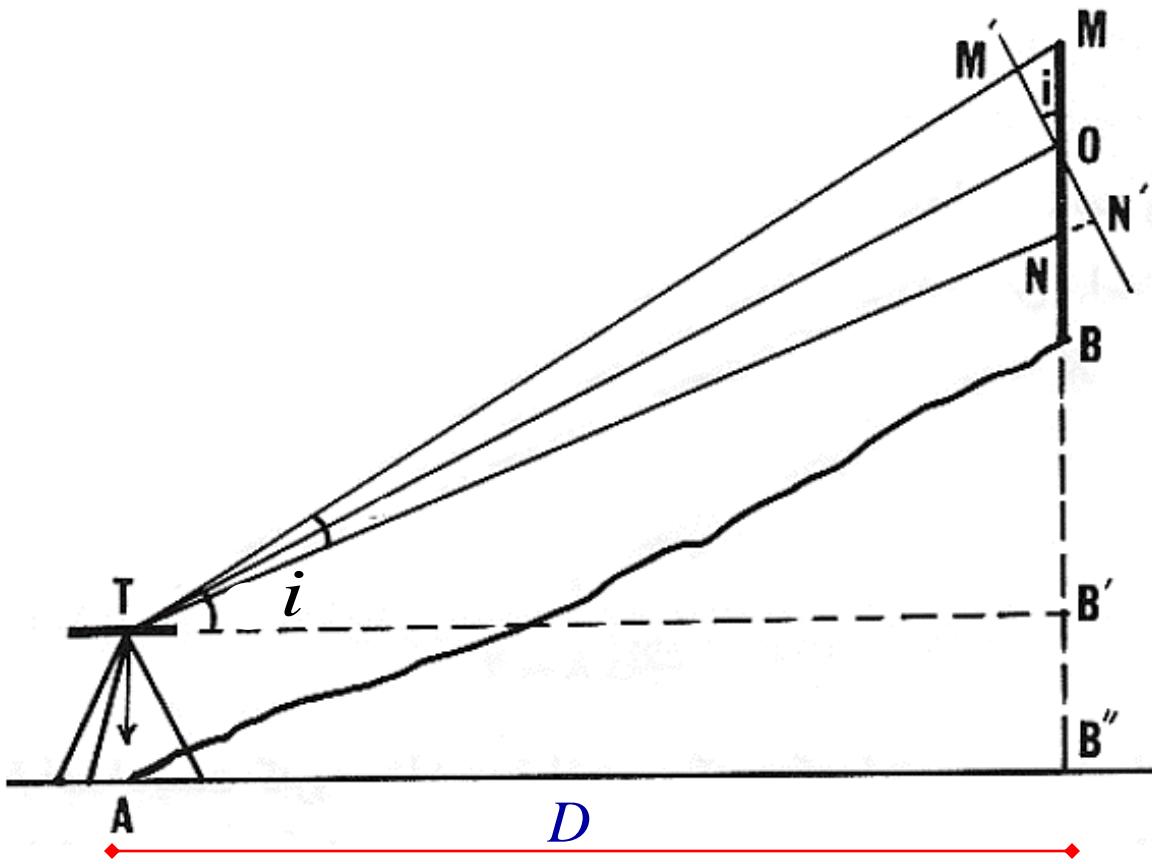
$MN$  = تار بالا منهای تار پایین

$C$  = تصحیح راشنباخ

# استاد یمتری

## استاد یمتری در زمین های شیبدار:

در زمین های شیبدار نیز اساس روش همانند قبل است. تنها در چنین شرایطی زاویه شیب نیز در محاسبات وارد خواهد شد.



$$OM' = OM \times \cos(i)$$

$$ON' = ON \times \cos(i)$$

$$MN' = OM' + ON'$$

$$\Rightarrow MN' = MN \times \cos(i)$$

$$TO = k \times MN'$$

$$AB'' = TO \times \cos(i)$$

$$D = k \times MN \times \cos^2(i) \rightarrow$$

$$D = 100 \times MN \times \cos^2(i)$$